

بخش ۱۳

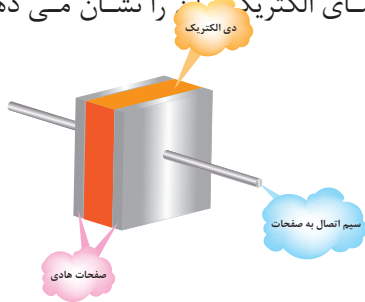
خازن



## خازن

خازن وسیله ای الکتریکی است که در مدارهای الکتریکی اثر خازنی ایجاد می کند. اثر خازنی خاصیتی است که سبب می شود مقداری انرژی الکتریکی در یک میدان الکترواستاتیک ذخیره شود. به تعبیر دیگر، خازن ها عناصری هستند که می توانند مقداری الکتریسیته را به صورت یک میدان الکترواستاتیک در خود ذخیره کنند. همان گونه که یک مخزن آب برای ذخیره کردن مقداری آب مورد استفاده قرار می گیرد.

خازن ها به اشکال گوناگون ساخته می شوند و متداول ترین آن ها خازن های مسطح هستند. این نوع خازن ها از دو صفحه هادی که بین آن ها عایق یا "دی الکتریک" قرار دارد، تشکیل می شوند. شکل ۱-۱۳ طح ساده  $\epsilon$ ، یک خازن مسطح و نمای الکتریک آن را نشان می دهد.



شکل ۱-۱۳

صفحات هادی نسبتاً بزرگ اند و در فاصله ای بسیار نزدیک به هم قرار می گیرند. دی الکتریک انواع مختلفی دارد و با ضریب مخصوصی که نسبت به هوا سنجیده می شود، معرفی می گردد. این ضریب را ضریب در الکتریک می گویند و آن را با حرف  $\epsilon$  نمایش می دهند.

## ظرفیت خازن

ظرفیت خازن نسبت بار الکتریکی ذخیره شده به اختلاف پتانسیل صفحات می باشد و آن را با  $C$  نشان می دهند و واحد آن کولن می باشد که به احترام مایکل فاراد به آن «فاراد» گویند و با حرف  $F$  نشان می دهند. ولت

یک فاراد ظرفیت خازنی است که هرگاه اختلاف پتانسیل یک ولت بین صفحات آن برقرار شود بار الکتریکی یک کولن در آن ذخیره شود. ظرفیت خازن از رابطه ۱-۱۳ بدست می آید:

$$C = \frac{q}{V}$$

در این رابطه :

$C$  ظرفیت خازن ( $F$ )

$q$  بار ذخیره شده ( $C$ )

$V$  اختلاف پتانسیل ( $V$ )

مثال ۱: یک خازن در اثر اعمال ۲۰ ولت به دو سر آن باری معادل ۸۰ کولن را ذخیره می کند . ظرفیت خازن چقدر است ؟

$$C = \frac{q}{V}$$

$$C = \frac{80}{20} = 4 [F]$$

راه حل :

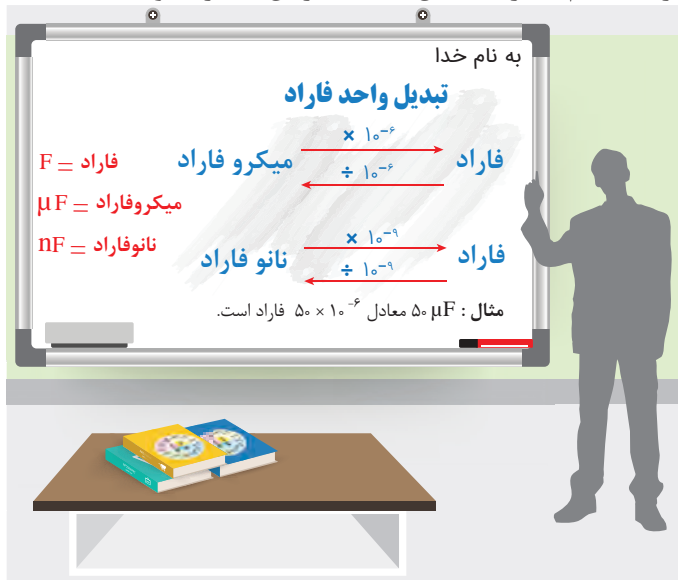
مثال ۲: خازنی با ظرفیت ۴۰ μF را به ولتاژ ۵۰ ولت اتصال می دهیم . مقدار بار ذخیره شده چقدر است ؟

$$q = CV$$

$$q = 40 \times 10^{-6} \times 50 = 200 [\mu C]$$

راه حل :

مثال ۳: به دو سر خازن ۱۰ μF چه ولتاژی بدهیم تا باری معادل ۱۰ μC در آن ذخیره شود ؟



$$V = \frac{q}{C}$$

$$V = \frac{10 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-6}} = 1 [V]$$

## عوامل مؤثر بر ظرفیت خازن

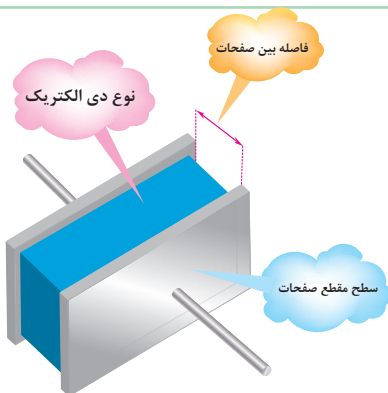
مهم ترین عوامل مؤثر در تعیین ظرفیت خازن عبارتند از:

۱- مساحت صفحات

۲- فاصله بین صفحات

۳- دی الکتریک به کار رفته بین صفحات

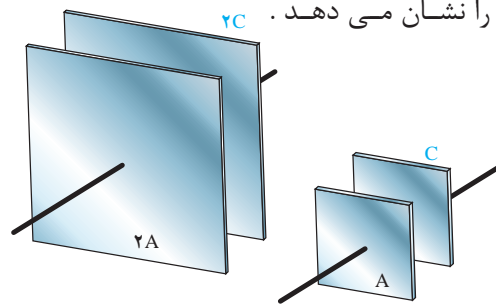
ظرفیت یک خازن فقط به ابعاد و نوع عایق بستگی دارد نه به مقدار ولتاژ و بار ذخیره شده در آن شکل (۲-۱۳) عوامل مؤثر در ظرفیت را نشان می دهد .



شکل ۲-۱۳- عوامل مؤثر بر ظرفیت خازن

### ۱- تأثیر مساحت صفحات :

در صورت ثابت بودن فاصله ی بین صفحات دو خازن و استفاده از یک نوع دی الکتریک در آن، خازنی که دارای صفحات بزرگتر است ، ظرفیت بیشتری خواهد داشت ، زیرا هر چه صفحات بزرگتر باشند، بار بیشتری روی آن ها ذخیره می شود . بنابراین ، در صورت ثابت نگهداشتن عایق و فاصله بین صفحات ، ظرفیت خازن با مساحت صفحات نسبت مستقیم دارد؛ یعنی با دو برابر شدن مساحت صفحات ، ظرفیت خازن نیز نصف می شود . شکل ۳-۱۳ نسبت بین ظرفیت و مساحت صفحات را نشان می دهد .



شکل ۳-۱۳- تأثیر مساحت صفحات بر ظرفیت خازن

### ۲- تأثیر فاصله ی بین صفحات :

همان گونه که در شکل ۴-۱۳ مشاهده می کنید ، در صورت کم یا زیاد شدن فاصله ی بین صفحات ، ظرفیت خازن زیاد یا کم می شود ؛ یعنی ، مقدار ظرفیت خازن با فاصله ی بین صفحات آن ، نسبت عکس دارد . هرچه فاصله ی بین دو صفحه کمتر باشد ، مقدار ظرفیت خازن بیشتر است و برعکس ، هرچه فاصله ی صفحات بیشتر باشد مقدار ظرفیت خازن کم تر است . کمترین فاصله ای که می تواند بین دو صفحه وجود داشته باشد ، به ولتاژ داده شده به خازن و عایق بین صفحات آن بستگی دارد . امروزه خازن هایی با فاصله ی بسیار کوچک ساخته شده است که می توانند ولتاژهای بزرگ تا چند صد ولت را تحمل کنند .

ظرفیت زیاد	ظرفیت متوسطه	ظرفیت کم
صفحات صفحات کم	فاصله صفحات متوسط	فاصله صفحات زیاد

شکل ۴-۱۳- تأثیر فاصله ی بین صفحات بر ظرفیت خازن

### ۳- اثر دی الکتریک :

$\epsilon_r$  ضریب نسبی نشان می دهد ضریب دی الکتریک هر ماده چند برابر ضریب دی الکتریک هواست . ظرفیت خازن با مساحت صفحات و نوع دی الکتریک ، نسبت مستقیم و با فاصله بین صفحات ، نسبت عکس دارد؛ ظرفیت خازن از رابطه زیر بدست می آید.

$$C = \frac{\epsilon A}{d}$$

A مساحت صفحه و d فاصله بین دو صفحه را نشان می دهد .

مثال ۴ : ظرفیت خازنی را که مساحت صفحات آن  $0.1$  مترمربع و فاصله بین صفحات آن  $0.1$  سانتی متر و نوع دی الکتریک به کار رفته در آن میکا باشد ، به دست آورید.

راه حل :

با استفاده از جدول ۱-۱۳ ضریب دی الکتریک ( $\epsilon_r$ ) برای میکا برابر ۵ است . همچنین می دانیم که ثابت دی الکتریک هوا برابر

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12}$$

بنابراین با توجه به مقادیر داده شده ، مقدار C ظرفیت خازن را به دست می آوریم.

$$\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$$

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \times 5 \left[ \frac{F}{m} \right]$$

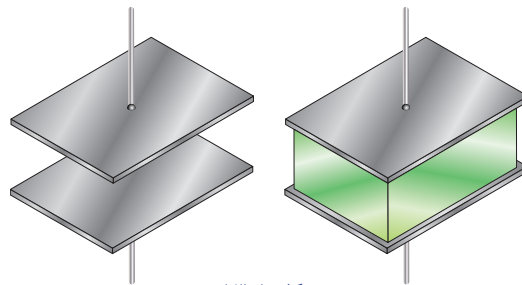
$$A = 0.05 m^2$$

$$d = 0.1 \times 10^{-2} m$$

$$C = \frac{\epsilon A}{d}$$

$$C = \frac{8.85 \times 10^{-12} \times 5 \times 0.05}{0.1 \times 10^{-2}} = 0.00221 \mu f$$

ماده عایق مورد استفاده بین صفحات خازن را دی الکتریک گویند . دی الکتریک به کار رفته در خازن ها می تواند هوا ، خلاً ، کاغذ ، شیشه ، میکا و ... باشد . بعضی از دی الکتریک ها به علت این که ظرفیت خازنی بزرگی تولید می کنند ، دی الکتریک های خوبی هستند . در حالیکه برخی دیگر ظرفیت کوچکی تولید می کنند در نتیجه دی الکتریک های ضعیفی هستند . تفاوت بین دی الکتریک خوب و ضعیف ، از چگونگی تاثیر نیروی الکترواستاتیکی بر مولکول های دی الکتریکی مشخص می شود شکل (۵-۱۳).



شکل ۵-۱۳

جنس دی الکتریک ها بر ظرفیت خازن اثر دارد ؛ از این رو خواص دی الکتریکی مواد باید مورد توجه قرار گیرد . برای این منظور ، خواص دی الکتریکی مواد نسبت به خواص هوا سنجیده می شود . ثابت دی الکتریک هوا را  $\epsilon_0$  و ثابت دی الکتریک هر ماده ی دیگر را  $\epsilon$  در نظر می گیرند . مقدار  $\epsilon$  برابر است با :

$$\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$$

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \left[ \frac{F}{m} \right]$$

### جدول ۱۳-۱ ضریب های دی الکتریک

نوع عایق	ضریب دی الکتریک ( $\epsilon_r$ )
هوا	۱
تفلون	۲
کاغذ آغشته به پارافین	۲/۵
روغن	۴
میکا	۵
اکسید آلومینیم	۷
شیشه	۷/۵
اکسید تانتالیم	۲۶
سرامیک	۱۲۰۰

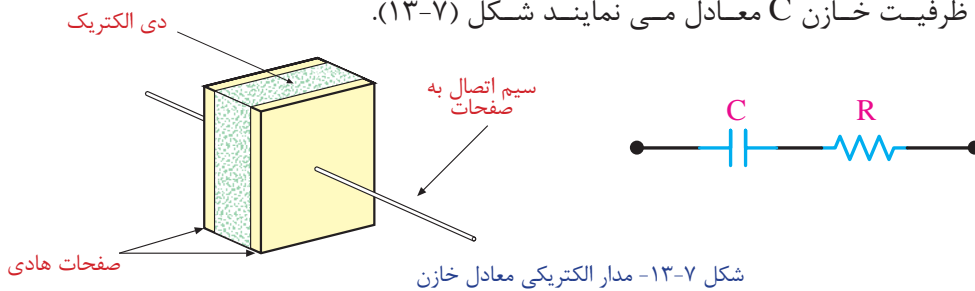
از جمله مشخصه های دیگر خازن ولتاژ کار آن است که همراه با ظرفیت روی بدنه خازن نوشته می شود. در شکل ۱۳-۶ خازن ها با تحمل ولتاژ ۳۵ ولت DC و ظرفیت ۱۰۰۰ میکرو فاراد در شکل (الف) و ۴۰۰ ولت DC و ظرفیت ۱۰۰ میکرو فاراد در شکل (ب) است.



شکل ۱۳-۶

### مدار الکتریکی معادل خازن

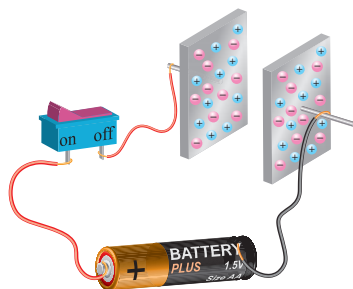
خازن علاوه بر ظرفیت  $C$ ، مقاومت الکتریکی  $R$  نیز دارد. مقاومت الکتریکی ناشی از سطح مقطع و ضخامت صفحات خازن است. برای خازن مدار الکتریکی شامل اتصال سری مقاومت الکتریکی  $R$  و ظرفیت خازن  $C$  معادل می نمایند شکل (۱۳-۷).



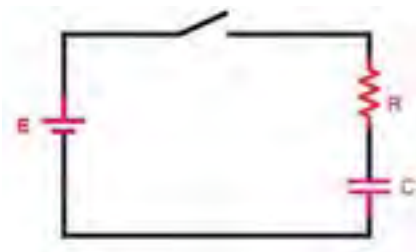
شکل ۱۳-۷- مدار الکتریکی معادل خازن

### خازن در جریان مستقیم

یک خازن که توسط منبع جریان مستقیم تغذیه می شود در شکل ۱۳-۸ و مدار الکتریکی معادل آن در شکل ۱۳-۹ نشان داده شده است.

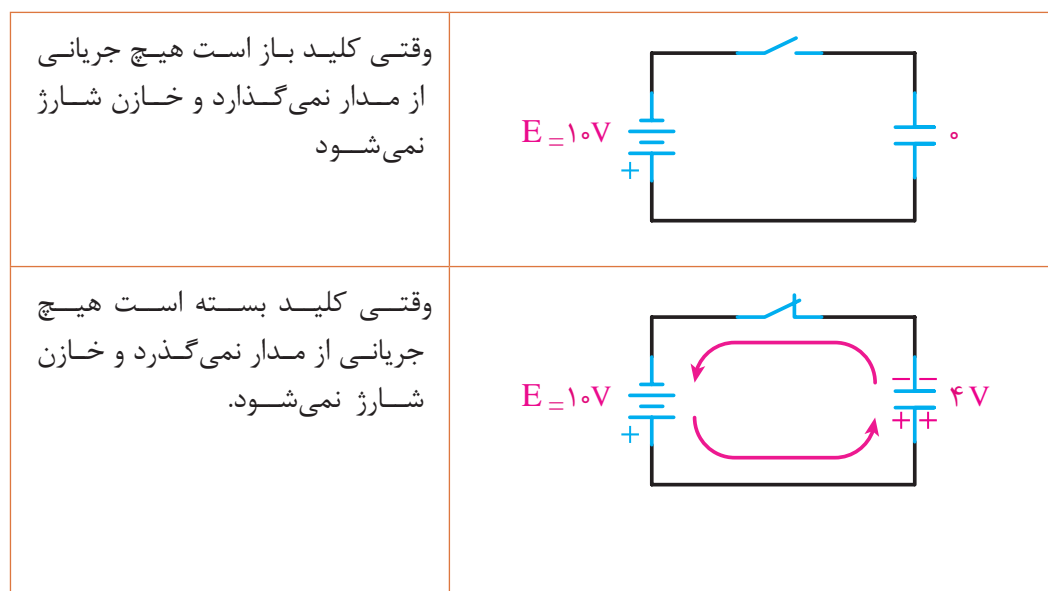


شکل (۱۳-۸)



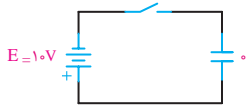

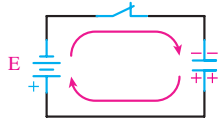
شکل (۱۳-۹)

با بستن کلید ، الکترون ها از قطب منفی باتری به طرف صفحه ای که به این قطب متصل است جاری می شوند و در آن تراکم الکترون یا بار منفی ایجاد می کنند . در همین لحظه ، قطب مثبت باتری همان تعداد الکترون را از صفحه ای که به این قطب متصل است جذب می کند و این صفحه ، کمبود الکترون پیدا می کند و دارای بار مثبت می شود . در لحظاتی که خازن شارژ می شود . الکترون ها از طریق سیم های رابط به طرف قطب مثبت باتری حرکت می کنند ، وارد باتری می شوند و از قطب منفی خارج می گردند شکل (۱۰-۱۳).



شکل ۱۰-۱۳

افزایش بار الکتریکی صفحات خازن، میدان الکتریکی ساکن را بالا می برد و ولتاژی در خلاف جهت ولتاژ اعمال شده به دو سر خازن ایجاد می کند . ولتاژ ایجاد شده در خازن ، با جاری شدن جریان در مدار مخالفت می کند . شدت جریان مدار کاهش می یابد . هرگاه ولتاژ خازن با ولتاژ باتری برابر شود ، جریان در مدار صفر می شود. صفر شدن جریان در مدار ، نشانه شارژ شدن کامل خازن است . خازن هیچ گاه با ولتاژی بیشتر از ولتاژ منبع شارژ نمی شود . باید به این نکته توجه کرد که جریان شارژ و ولتاژ خازن مخالف یکدیگر عمل می کنند، یعنی ، در ابتدای شارژ جریان ماکزیمم و ولتاژ خازن صفر است . هرچه به ولتاژ خازن اضافه می شود ، شدت جریان کاهش می یابد . وقتی ولتاژ خازن به مقدار ماکزیمم خود می رسد ، جریان صفر می شود . شکل ۱۱-۱۳ این مطلب را به روشنی نشان می دهد .

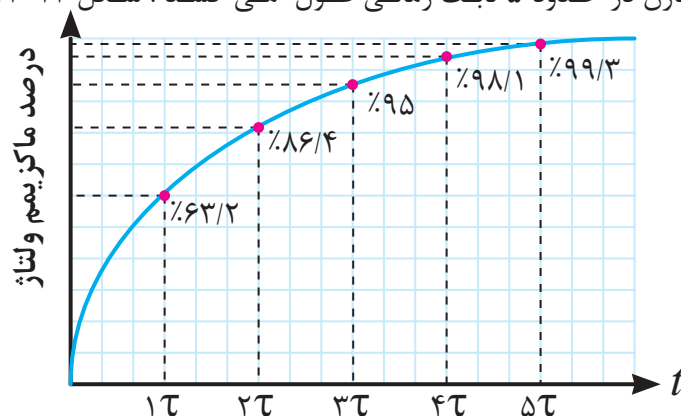
مدار باز بوده ، جریان نمی گذرد	
خازن در حال شارژ	
خازن کاملاً شارژ شده و جریان نمی گذرد	

شکل (۱۱-۱۳)

یک خازن شارژ شده باید شارژ خود را به مدت نا محدودی نگاه دارد ؛ با جدا شدن منبع از خازن ، بتدریج خازن شارژ خود را از دست می دهد و دشارژ می شود. برای دشارژ خازن تنها لازم است یک مسیر هادی بین دو صفحه ایجاد شود . با ایجاد مسیر ، الکترون های صفحه منفی به طرف صفحه ی مثبت جاری می شوند . تبادل الکترون بین صفحات آن قدر ادامه پیدا می کند تا خازن دشارژ شود . حرکت الکترون ها از مسیر ایجاد شده جریان دشارژ نامیده می شود .

زمان شارژ به مقدار مقاومت قرار گرفته در مسیر شارژ ( $R$ ) و ظرفیت خازن ( $C$ ) بستگی دارد و از رابطه ی (۳-۱۳) بدست می آید .  $t = 5\tau$

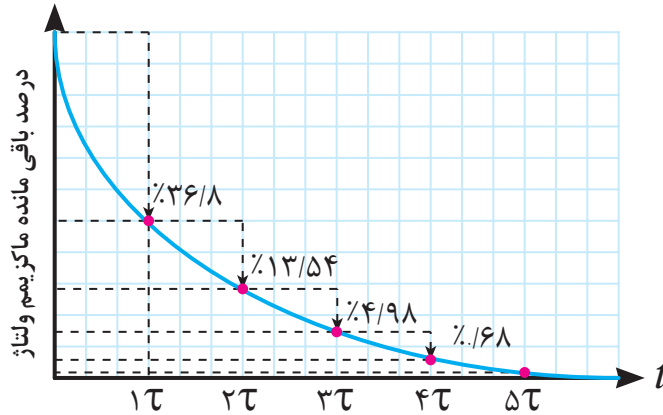
$\tau$  را ثابت زمانی خازن گویند و آن ، مدت زمانی است که ولتاژ خازن به  $63/2$  درصد ولتاژ کل آن برسد . در هر ثابت زمانی بعدی ، خازن به اندازه  $63/2$  درصد از ولتاژ باقی مانده شارژ می شود . شارژ کل خازن در حدود ۵ ثابت زمانی طول می کشد . شکل ۱۲-۱۳.



شکل ۱۲-۱۳- منحنی شارژ خازن

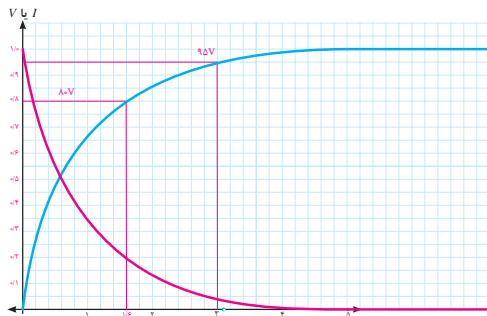


دشارژ شدن خازن نیز در حدود ۵ ثابت زمانی انجام می گیرد. در ثابت زمانی اول ۶۳/۲ درصد از شارژ کامل خازن از بین می رود و در ثابت زمانی های بعدی به ترتیب ۶۳/۲ درصد از شارژ باقی مانده تخلیه می شود. در انتهای ۵ ثابت زمانی، خازن کاملاً تخلیه شده است. شکل (۱۳-۱۳)

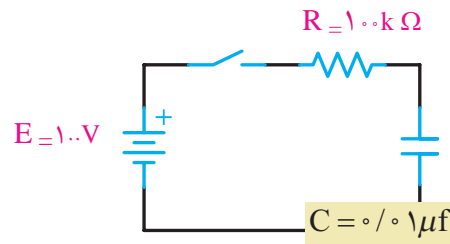


شکل ۱۳-۱۳- منحنی دشارژ خازن

مثال ۵: در مدار شکل ۱۳-۱۴ پس از بستن کلید و با استفاده از منحنی شکل ۱۳-۱۵ مطلوب است:



شکل ۱۳-۱۵



شکل ۱۳-۱۴

- الف- چه مدت طول می کشد تا ولتاژ دو سر خازن به ۸۰ ولت برسد ؟  
 ب- بعد از ۳ میلی ثانیه ، ولتاژ دو سر خازن چه مقدار می شود ؟  
 راه حل :

$$\tau = RC \quad 100 \times 10^3 \times 0.01 \times 10^{-6} = 1 \text{ms}$$

در یک ثابت زمانی یا یک میلی ثانیه، خازن به اندازه ی ۶۳/۲ درصد ولتاژ کل - یعنی ۶۳/۲ ولت شارژ می شود. اگر بخواهیم خازن ۸۰ ولت شارژ شود، چنین عمل می کنیم :  
 از روی محور عمودی که ولتاژ را نشان می دهد، مقدار ۸۰ ولت را پیدا می کنیم و خطی موازی محور زمان (افقی) می کشیم تا منحنی شارژ را قطع کند. از آن جا نیز خطی موازی محور عمودی (ولتاژ) رسم می کنیم تا محور زمان را قطع کند. محل تقاطع محور زمان عدد

۱/۶۳ را نشان می دهد؛ یعنی، ۱/۶ میلی ثانیه طول می کشد تا خازن به مقدار  $8^\circ$  ولت شارژ شود. در ۳ میلی ثانیه یا ۳ ثابت زمانی، ولتاژ دو سر خازن به ۹۵ ولت می رسد. چرا؟ با رسم خطوطی موازی محورهای مختصات، همان طور که قبلاً گفته شد - مقدار ۹۵ ولت به دست می آید.

## خازن در جریان متناوب

خازن در جریان متناوب علاوه بر مقاومت الکتریکی  $R$  مربوط به صفحات هادی به دلیل تغییرات ولتاژ ناشی از فرکانس «مقاومت خازنی» دارد. مقاومت خازنی<sup>۱</sup> با جاری شدن جریان در خازن مخالفت می کند. «مقاومت خازنی» را با  $X_C$  نشان می دهند و واحد آن اهم است و از رابطه زیر بدست می آید.

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

در این رابطه :  
 $X_C$ : مقاومت خازنی ( $\Omega$ )

$f$ : فرکانس (Hz)

$C$ : ظرفیت خازن (F)

مثال ۶- یک خازن با ظرفیت  $10^\circ$  در فرکانس  $5^\circ$  هرترز مفروض است مقاومت خازنی آن چند اهم است حل: از رابطه (۴-۱۳) داریم:

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$X_C = \frac{1}{2 \times 3.14 \times 50 \times 100 \times 10^{-6}}$$

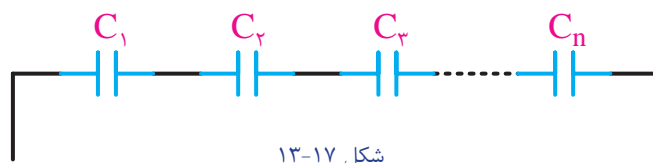
## اتصال خازن ها

برای سادگی محاسبات از مقاومت الکتریکی  $R$  مربوط به صفحات هادی در مقایسه با مقاومت خازنی صرف نظر می شود و مدار الکتریکی معادل خازن مطابق شکل ۱۶-۱۳ در نظر گرفته می شود.



### الف) اتصال سری خازن ها

ظرفیت خازن معادل  $C_t$  چند خازن با اتصال سری شکل ۱۷-۱۳ از رابطه بدست می آید.



$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}$$

مثال ۶: ظرفیت خازن معادل خازن‌های شکل ۱۸-۱۳ را بدست آورید .  
حل : رابطه مقابل داریم .

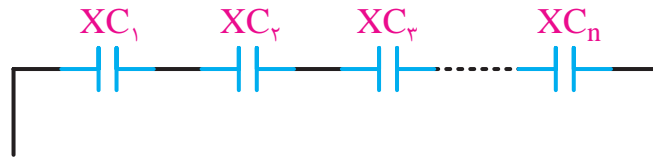
$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{30} + \frac{1}{60}$$

$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{60}$$

$$C_t = \frac{1 \times 60}{3} = 20 \mu f$$

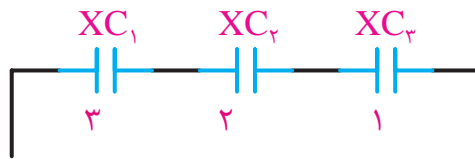
مقاومت خازنی معادل  $X_{C_t}$  خازن‌های اتصال سری شکل ۱۸-۱۳ از رابطه زیر بدست می آید .



شکل ۱۸-۱۳

$$X_{C_t} = X_{C_1} + X_{C_2} + \dots + X_{C_n}$$

مثال ۷: مقاومت خازنی معادل شکل ۱۹-۱۳ را بدست آورید .  
از رابطه زیر داریم :

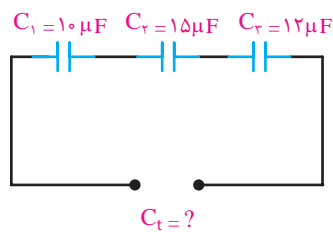


شکل ۱۹-۱۳

$$X_{C_t} = X_{C_1} + X_{C_2} + X_{C_3}$$

$$X_{C_t} = 3 + 2 + 1 = 6 \Omega$$

مثال ۸: ظرفیت معادل مدار شکل ۲۴-۱۳ را به دست آورید .



شکل ۲۴-۱۳

$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

$$\frac{1}{C_t} = \frac{1}{10} + \frac{1}{15} + \frac{1}{12} = \frac{6+4+5}{60} = \frac{15}{60}$$

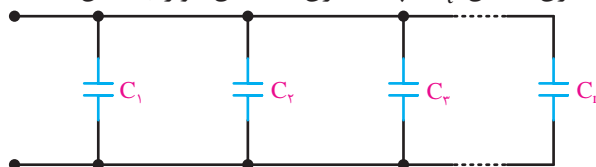
$$C_t = \frac{C}{n} = 4 \mu F$$

راه حل:

### ب) اتصال موازی خازن ها

ظرفیت خازن معادل  $C_t$  چند خازن با اتصال موازی شکل ۱۳-۲۰ از رابطه زیر بدست می آید .

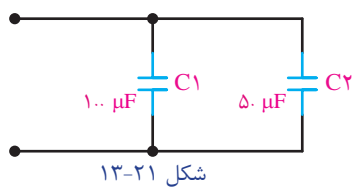
$$C_t = C_1 + C_2 + \dots + C_n$$



شکل ۱۳-۲۰



مثال ۹: ظرفیت خازن معادل خازنهای شکل ۱۳-۲۱ را بدست آورید .



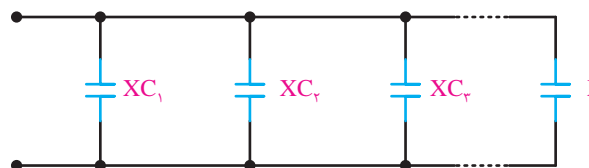
شکل ۱۳-۲۱

$$C_t = C_1 + C_2$$

$$C_t = 100 + 50 = 150 \mu f$$

از رابطه ۱۳-۷ داریم :

مقاومت خازنی معادل  $X_{C_t}$  خازنهای با اتصال موازی شکل ۱۳-۲۲ از رابطه زیر بدست می آید .



شکل ۱۳-۲۲

$$\frac{1}{X_{C_t}} = \frac{1}{X_{C_1}} + \frac{1}{X_{C_2}} + \frac{1}{X_{C_3}} + \dots + \frac{1}{X_{C_n}}$$

مثال ۱۰: مقاومت خازنی معادل خازن های شکل ۲۳-۱۳ را به دست آورید .

حل :

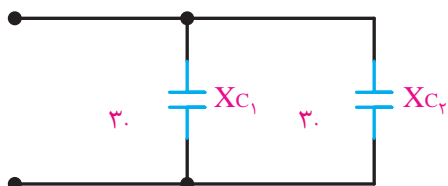
از رابطه ۸-۱۳ داریم :

$$\frac{1}{X_{c_t}} = \frac{1}{X_{c_1}} + \frac{1}{X_{c_2}}$$

$$\frac{1}{X_{c_t}} = \frac{1}{30} + \frac{1}{30}$$

$$\frac{1}{X_{c_t}} = \frac{2}{30}$$

$$X_{c_t} = \frac{30}{2} = 15\Omega$$



شکل ۲۳-۱۳

## اتصال مختلط خازن ها

در اتصال مختلط خازن ها از قوانین مربوط به اتصال سری و موازی متناسب با روش انجام شده استفاده می کنیم ؛ یعنی ، ابتدا کل مجموعه را به مجموعه های جزء سری و موازی تقسیم می کنیم ؛ آن گاه معادل مجموعه های جزء را به دست می آوریم و سپس قوانین سری و موازی را درباره آن ها اجرا می کنیم .

مثال ۱۱ : ظرفیت خازن معادل مدار شکل ۲۵-۱۳ چند میکروفاراد است ؟

راه حل :

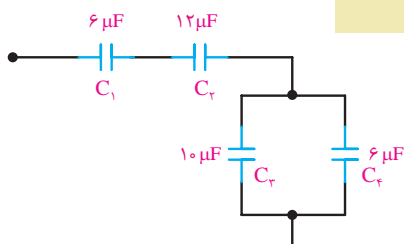
در این مدار  $C_1$  و  $C_2$  سری است که روابط سری را درباره این دو عمل می کنیم.  $C_3$  و  $C_4$  نیز با هم موازی اند و روابط موازی را درباره ی آنها عمل می کنیم . در نهایت ، مجموعه  $C_1$  و  $C_2$  با مجموعه  $C_3$  و  $C_4$  سری هستند و از قوانین سری پیروی می کنند . بنابراین ، می توان

نوشت :

$$C_{1,2} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4\mu F$$

$$C_{3,4} = C_3 + C_4 = 10 + 6 = 16\mu F$$

$$C_5 = \frac{4 \times 16}{4 + 16} = \frac{16}{5} = 3.2\mu F$$



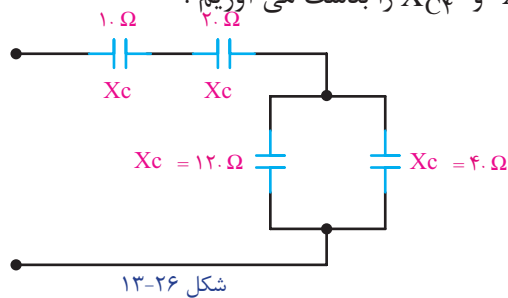
شکل ۲۵-۱۳

البته می توانستیم ابتدا ظرفیت  $C_{3,4}$  را حساب کنیم و سپس ظرفیت معادل را به صورت مجموعه سه خازن سری به دست آوریم .

مثال ۱۲:

مقاومت خازنی معادل شکل ۱۳-۲۶ را بدست آورید.  
حل:

از رابطه ۸-۱۳ مقاومت خازنی معادل بین  $X_{C_3}$  و  $X_{C_4}$  را بدست می آوریم.

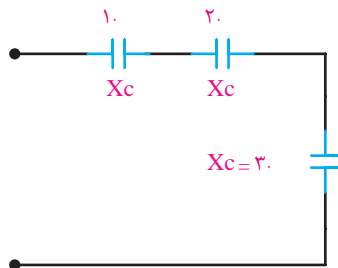


$$\frac{1}{X_{C_{34}}} = \frac{1}{X_{C_3}} + \frac{1}{X_{C_4}}$$

$$\frac{1}{X_{C_{34}}} = \frac{4}{120}$$

$$X_{C_{34}} = \frac{120}{4} = 30 \Omega$$

مدار به شکل ۱۳-۲۷ در می آید.



از رابطه زیر مقاومت خازنی معادل بین  $X_{C_1}$ ،  $X_{C_2}$  و  $X_{C_{34}}$  را بدست می آوریم.

$$X_{C_1} = X_{C_1} + X_{C_2} + X_{C_{34}}$$

$$X_{C_1} = 10 + 20 + 30 = 60 \Omega$$

## انرژی خازن

خازن انرژی الکتریکی را بصورت میدان الکتریکی در خود ذخیره می سازد و ماکزیمم انرژی ذخیره شده در خازن از رابطه زیر بدست می آید:

$$W_C = \frac{1}{2} C V_m^2$$

که در این رابطه:

$W_C$  ماکزیمم انرژی ذخیره شده در خازن (J)

$C$  ظرفیت خازن (F)

$V_m$  ماکزیمم ولتاژ خازن (V)

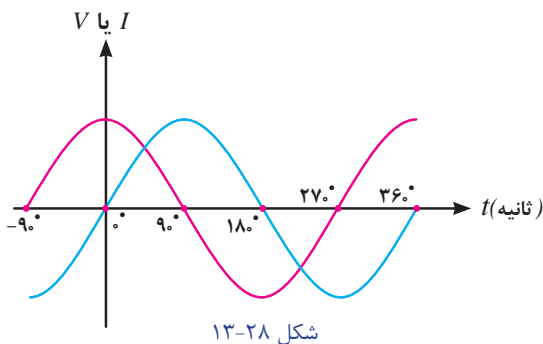
مثال ۱۳: به یک خازن با ظرفیت ۵۰ میکروفاراد ولتاژ متناوب سینوسی به معادله زمانی  $v(t) = 50 \sin(1000t)$  وصل شده است. ماکزیمم انرژی ذخیره شده در خازن چند ژول است؟

حل: از رابطه گفته شده انرژی خازن برابر است با:

$$W_C = \frac{1}{2} C V_m^2$$

$$W_C = \frac{1}{2} \times 50 \times 10^{-6} \times (100)^2 = 0.25 \text{ (J)}$$

### منحنی جریان و ولتاژ خازن در جریان متناوب



جریان خازن از ولتاژ دو سر آن ۹۰ جلوتر است لذا خازن را یک عنصر «پیش فاز» می شناسند. منحنی ولتاژ و جریان خازن در اتصال به منبع متناوب سینوسی در شکل ۱۳-۲۸ نشان داده شده است که در آن  $\theta_v = 0$  و  $\theta_i = 90^\circ$  می باشد.

با توجه به شکل ۱۳-۲۸ معادلات زمانی ولتاژ و جریان بصورت زیر خواهد شد.

$$v(t) = V_m \sin(\omega t + 0)$$

$$i(t) = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

$$\phi = \theta_v - \theta_i$$

$$\phi = 0 - (90) = -90^\circ$$

و زاویه اختلاف فاز  $\phi$  برابر خواهد شد.

مثال ۱۴: در مدار شکل ۱۳-۲۹ مطلوب است:

الف) مقاومت خازنی

ب) جریان خازن

ج) معادله زمانی جریان خازن

حل:

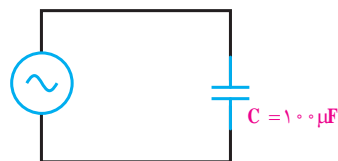
الف) از رابطه زیر داریم:

$$X_C = \frac{1}{100 \times 10^{-6} \times 1000} = 10 \Omega$$

ب) از قانون اهم داریم:

$$I_m = \frac{V_m}{X_C} = \frac{50}{10} = 5 \text{ (A)}$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \text{جریان}$$



شکل ۱۳-۲۹

$$v(t) = 50 \sin(1000t)$$

$$I_{\text{rms}} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{5}{\sqrt{2}} = 3.54 \text{ (A)}$$

از رابطه جریان مؤثر بدست می‌آید:  
جریان خازن از ولتاژ دو سر آن جلوتر است داریم .

$$i_{(t)} = 5 \sin(100\pi t + 90^\circ)$$

## توان الکتریکی خازن

توان الکتریکی خازن صرف ذخیره سازی انرژی الکتریکی می شود . مقدار انرژی ذخیره شده در واحد زمان در خازن را «توان الکتریکی خازن» گویند . توان الکتریکی خازن قادر به تبدیل کردن انرژی الکتریکی نیست لذا آن را توان « غیر موثر » یا «توان راکتیو» نیز می گویند و با حرف C نشان می دهند و واحد آن «ولت آمپر راکتیو VAR» است . توان الکتریکی خازن از رابطه زیر بدست می آید .

$$Q_c = -X_c I_c^2 \quad \text{که در این رابطه :}$$

$Q_c$  توان الکتریکی خازن (VAR)

$X_c$  مقاومت خازنی ( $\Omega$ )

$I_c$  جریان خازنی (A)

مثال ۱۵: یک مقاومت خازنی ۲ اهم با جریان موثر ۴ آمپر مفروض است . توان الکتریکی خازن چقدر است؟

حل : از رابطه مقابل داریم :

$$Q_c = -X_c I_c^2$$

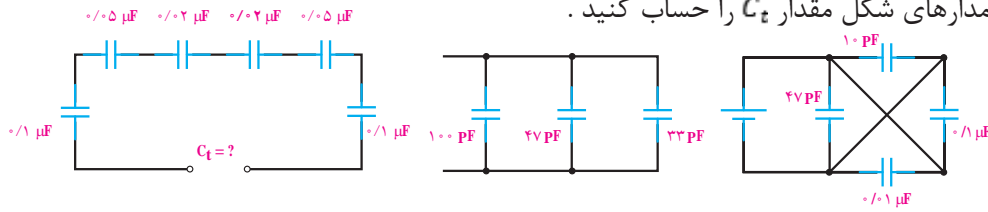
$$Q_c = -2 \times 4^2 = -32 \text{ (VAR)}$$

پرسش

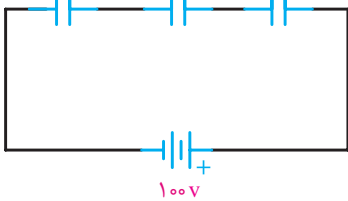
- ۱- شارژ و دشارژ را تعریف کنید.
- ۲- میدان الکتروستاتیکی چگونه پدید می‌آید؟
- ۳- ظرفیت خازن به چه عواملی بستگی دارد؟
- ۴- چرا دی الکتریک را در خازن به کار می‌بریم؟
- ۵- ثابت زمانی یک مدار RC را توضیح دهید و رابطه آن را بنویسید.
- ۶- خصوصیات مدار سری و موازی خازنی را با یکدیگر مقایسه کنید.



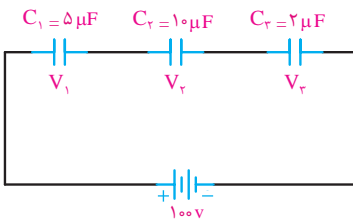
۱- در مدارهای شکل مقدار  $C_T$  را حساب کنید.



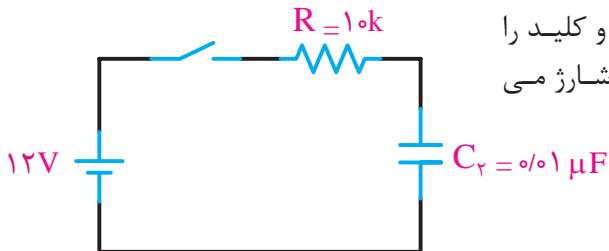
$C_1 = 0.1 \mu F$   $C_2 = 0.05 \mu F$   $C_3 = 0.1 \mu F$



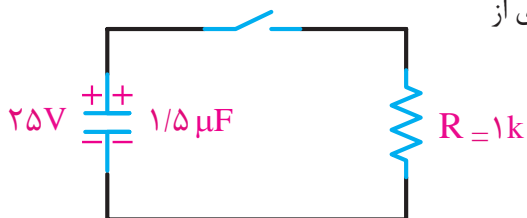
۲- ولتاژ دو سر خازن مدار شکل زیر در صورت شارژ بودن همه آن‌ها چقدر است؟



۳- در مدار شکل مقابل اگر مقدار بار ذخیره شده در مجموعه خازن‌ها ۱۰۰ میکروکولن باشد، ولتاژ دو سر خازن چقدر است؟

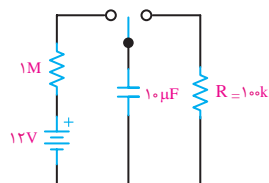


۴- در مدار شکل مقابل اگر خازن خالی باشد و کلید را به مدت ۲۰ میلی ثانیه ببندیم، خازن چقدر شارژ می‌شود؟



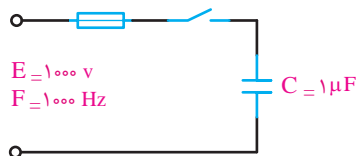
۵- در مدار شکل مقابل خازن دارای شارژ کامل است. کلید را به مدت ۳ میلی ثانیه می‌بندیم. چه ولتاژی از خازن خالی می‌شود؟

۶- با توجه به مدار شکل مقابل جدول زیر را برای یک تا ۵ ثانیه زمانی کامل کنید

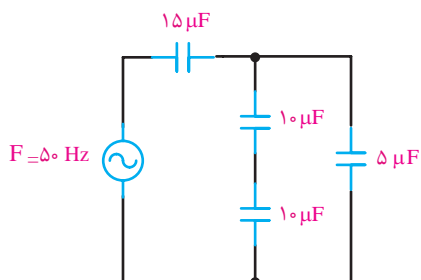


شارژ		دشارژ	
زمان	مقدار ولتاژ و ولت	زمان	مقدار ولتاژ و ولت
ثانیه		ثانیه	

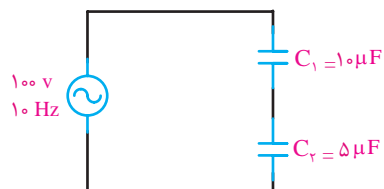
شارژ		دشارژ	
زمان	مقدار ولتاژ و ولت	زمان	مقدار ولتاژ و ولت
ثانیه		ثانیه	
۱-	۷/۵۸۲	۱	۲/۴۱۶
۲-	۱۰/۳۷۴	۲	۱/۶۲۶
۳-	۱۱/۴۰۱	۳	۱/۵۱۷
۴-	۱۱/۷۷۶	۴	۱/۲۲۱
۵-	۱۱/۹۱۸	۵	۱/۱۸۲



۷- در مدار شکل مقابل با بستن کلید چه اتفاقی می افتد؟

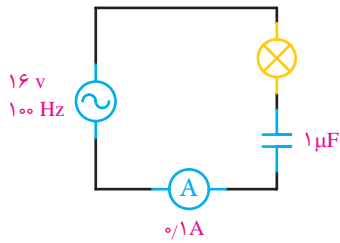


۸- در مدار شکل مقابل مقدار  $X_C$  کل چه قدر است ؟

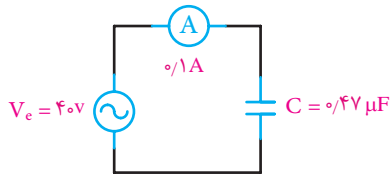


۹- در مدار شکل مقابل صفحات کدام خازن بالاترین مقدار بار را دارد؟ ولتاژ دو سر خازن چقدر است ؟

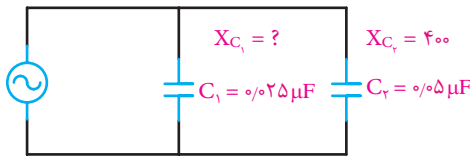
۱۰- افت ولتاژ دو سر یک خازن  $2\pi F$  در فرکانس ۱KHz برابر ۵ ولت است . شدت جریان عبوری از خازن چقدر است ؟



۱۱- در مدار شکل مقابل اگر ظرفیت خازن دو برابر شود، نور لامپ چگونه تغییر می کند (کم میشود - ثابت می ماند، زیاد می شود)؟



۱۲- در مدار شکل زیر آمپر متر ۱۰۰ میلی آمپر موثر را نشان می دهد . فرکانس منبع چه قدر است ؟



۱۳- در مدار شکل مقابل معادل چند اهم است ؟ اگر ظرفیت  $C_r$  دو برابر شود،  $X_{C_r}$  چقدر می شود ؟ چنانچه فرکانس مدار کم شود،  $X_{C_1}$  (افزایش - کاهش) می یابد .

۱۴- ظرفیت خازنی با حداکثر ولتاژ  $100^\circ$  ولت و ماکزیمم انرژی ذخیره شده  $0.2$  ژول چند میکروفاراد است؟

۱۵- معادلات زمانی ولتاژ و جریان یک خازن به ترتیب  $i(t) = 100 \sin(100^\circ t + 0^\circ)$  و  $i(t) = 5 \sin(100^\circ t + 90^\circ)$  است مطلوبست:

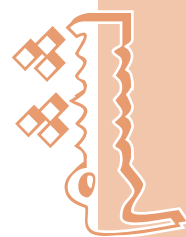
الف) مقاومت خازنی

ب) ظرفیت خازن

۱۶- خازنی با توان الکتریکی  $100^\circ$  وات آمپر راکتیو و ظرفیت  $5^\circ$  میکروفاراد مفروض است:

الف) مقاومت خازنی در سرعت زاویه ای  $50^\circ$  رادیان بر ثانیه چند اهم است؟

ب) جریان موثر خازن چند آمپر است؟



در این فصل مطالب زیر را فرا خواهید گرفت:

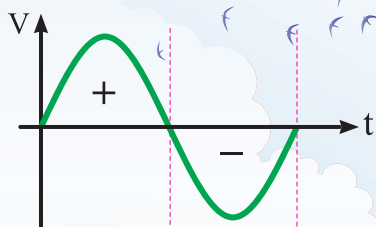
۱- آمپر متر

۲- ولت متر

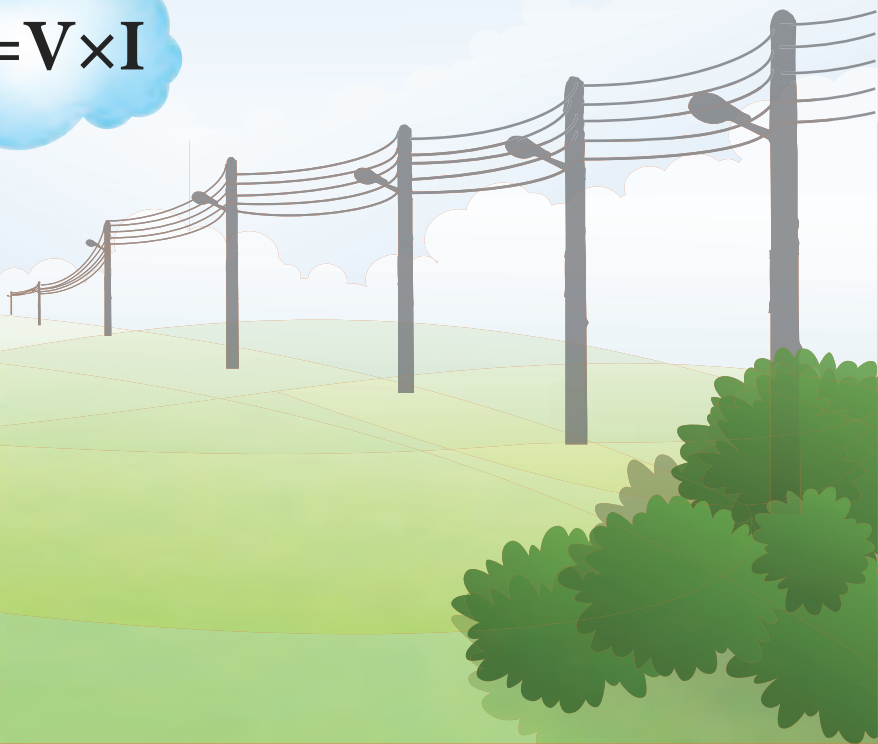
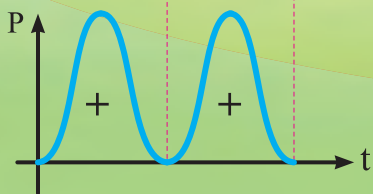
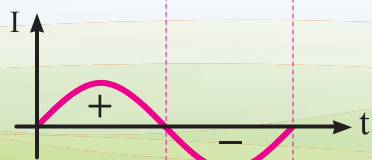
۳- اهم متر

## بخش ۱۴

### توان در جریان متناوب



$$P=V \times I$$



## توان مؤثر و غیر مؤثر در جریان متناوب

توان مؤثر توانی است که انرژی الکتریکی را تبدیل می کند و واحد آن وات است و در مدارهای جریان متناوب از رابطه زیر بدست می آید .

$$P = V_e I_e \cos \varphi$$

توان غیر مؤثر توانی است که انرژی الکتریکی را ذخیره می کند و واحد آن ولت آمپر راکتیو است و در مدارهای جریان متناوب از رابطه زیر بدست می آید .

$$Q = V_e I_e \sin \varphi$$

در مدارهای پس فاز زاویه اختلاف فاز  $\varphi$  مقداری مثبت است لذا علامت  $Q$  مثبت خواهد شد اما در مدارهای پیش فاز زاویه اختلاف فاز  $\varphi$  مقداری منفی است لذا علامت  $Q$  منفی خواهد شد .

در این روابط:

$P$  توان مؤثر ( $w$ )

$Q$  توان غیر مؤثر (VAR)

$V_e$  ولتاژ مؤثر ( $V$ )

$I_e$  جریان مؤثر ( $A$ )

$\varphi$  زاویه اختلاف فاز جریان با ولتاژ (درجه) یا (رادیان)

مثال ۱: معادلات زمانی ولتاژ و جریان یک مدار الکتریکی بصورت زیر است :

$$v(t) = 220\sqrt{2} \sin(50 \cdot t + 0)$$

$$i(t) = 10\sqrt{2} \sin(50 \cdot t + 60^\circ)$$

مطلوب است :

الف) مقدار ولتاژ و جریان مؤثر

ب) زاویه اختلاف فاز و نوع مدار

ج) توان مؤثر

د) توان غیر مؤثر

حل:

الف) از رابطه ولتاژ مؤثر داریم :

از رابطه جریان مؤثر داریم:

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{220\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 220 [V]$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{10\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 10 [A]$$

$$\varphi = \theta_v - \theta_i$$

$$\varphi = 0 - 60 = -60$$

ب) از رابطه اختلاف فاز داریم:

(ج) از رابطه  $P$  داریم .

$$P = V_e I_e \cos \phi$$

$$P = 220 \times 10 \times \cos 60^\circ = 1100 \text{ [W]}$$

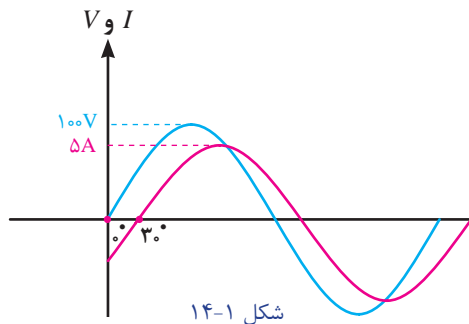
(د) زاویه  $\phi$  مقداری منفی دارد یعنی مدار پیش فاز است . پیش فاز یعنی جریان مدار از ولتاژ مدار به اندازه  $60^\circ$  درجه جلوتر است.

از رابطه  $Q$  داریم .

$$Q = V_e I_e \sin \phi$$

$$Q = 220 \times 10 \times \sin(-60^\circ) = -1100\sqrt{3} \text{ [VAR]}$$

مثال ۲ : منحنی ولتاژ جریان یک مدار الکتریکی در شکل داده شده است:



مطلوب است :

الف) مقدار ولتاژ و جریان موثر

ب) زاویه اختلاف فاز و نوع مدار

ج) توان موثر

د) توان غیر موثر

حل :

از رابطه جریان مؤثر داریم :

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{5}{\sqrt{2}} = 2.5\sqrt{2} \text{ [V]}$$

از رابطه اختلاف فاز داریم .

$$\phi = \theta_v - \theta_i$$

$$\phi = 0 - (-30^\circ) = +30^\circ$$

الف) با توجه به شکل ۱-۱۴

$$V_m = 100 \text{ [V]}$$

$$I_m = 5 \text{ [A]}$$

$$\theta_v = 0^\circ$$

$$\theta_i = -30^\circ$$

از رابطه ولتاژ مؤثر داریم :

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 50\sqrt{2}$$

زاویه  $\varphi$  مقداری مثبت دارد یعنی مدار پس فاز است . پس فاز یعنی جریان مدار از ولتاژ مدار به اندازه  $30^\circ$  درجه عقب تر است .

(ج) از رابطه ۱۴-۱ داریم :

$$P = V_e I_e \cos \varphi$$

$$P = 50\sqrt{2} \times 2 / 5\sqrt{2} \times \cos(+30^\circ) = 125\sqrt{3} [w]$$

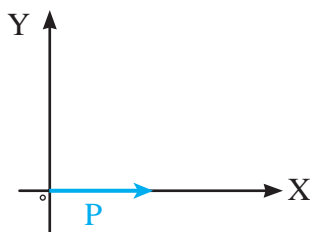
(د) از رابطه ۱۴-۲ داریم :

$$Q = V_e I_e \sin \varphi$$

$$Q = 50\sqrt{2} \times 2 / 5\sqrt{2} \times \sin(+30^\circ) = 125\sqrt{3} [VAR]$$

### بردار توان های مؤثر و غیر مؤثر

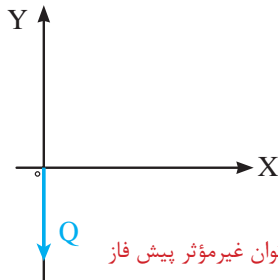
بردار توان مؤثر ، یک بردار افقی و مثبت است . طول آن برابر مقدار توان مؤثر می باشد (شکل ۱۴-۲).



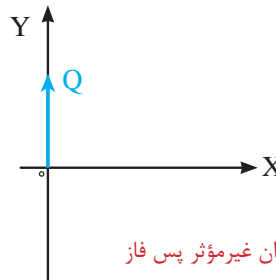
شکل ۱۴-۲

شکل ۱۴-۲- بردار توان مؤثر

بردار توان غیر مؤثر یک بردار عمودی است که علامت آن به مثبت یا منفی بودن توان غیر مؤثر بستگی دارد .



(ب) بردار توان غیر مؤثر پیش فاز



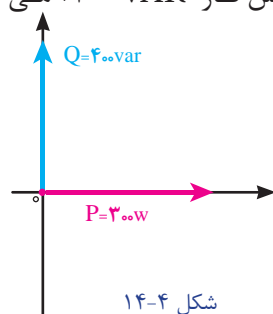
(الف) بردار توان غیر مؤثر پس فاز

شکل ۱۴-۳

مثال ۳ : یک مدار الکتریکی دارای توان مؤثر  $300\text{ W}$  و توان غیر مؤثر پس فاز  $400\text{ VAR}$  می باشد بردارهای  $P$  و  $Q$  آن را رسم کنید .

حل :

بردار توان مؤثر  $P$  بصورت افقی و بردار توان غیر مؤثر بصورت عمودی رسم می شود . (شکل ۱۴-۴)

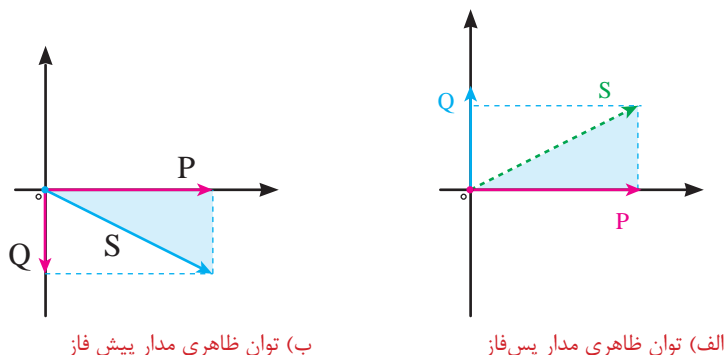


شکل ۱۴-۴



## توان ظاهری

توان ظاهری از برآیند توان موثر و توان غیر موثر بدست می آید. توان ظاهری را با  $S$  نشان می دهند و واحد آن ولت آمپر  $[VA]$  است (شکل ۵-۱۴).



شکل ۵-۱۴

و مقدار آن از رابطه زیر بدست می آید.

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

که در این رابطه :

$S$  توان ظاهری  $[VA]$

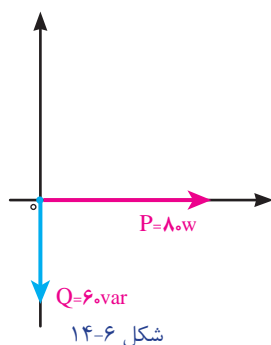
$P$  توان موثر  $[W]$

$Q$  توان غیر موثر  $[VAR]$  است.

مثال ۴: یک مدار الکتریکی دارای زاویه اختلاف فاز  $\phi = -37^\circ$  و توان موثر و توان غیر موثر  $VAR = 60$  می باشد. بردارهای توان را رسم کنید و مقدار توان ظاهری را محاسبه نمایید (شکل ۶-۱۴).

حل: زاویه اختلاف فاز منفی است پس توان غیر موثر منفی می باشد. از رابطه مقابل داریم:

مثلث توان، مثلث قائم الزاویه ای است که توان موثر و غیر موثر اضلاع قائم و توان ظاهری وتر آن می باشد. بردارهای  $P$  و  $Q$  و  $S$  می توانند تشکیل یک مثلث دهند.



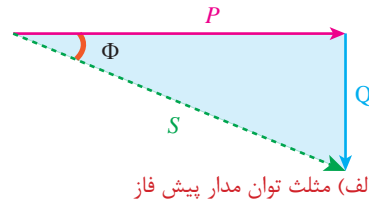
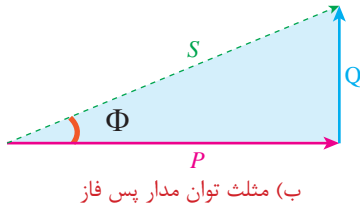
$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$S = \sqrt{80^2 + 60^2} = 100 [VA]$$

شکل ۶-۱۴

## مثلث توان

زاویه بین  $P$  و  $S$  همان زاویه  $\varphi$  است. (شکل ۶-۱۴)



شکل ۶-۱۴

$$\cos \varphi = \frac{P}{S}$$

$$\sin \varphi = \frac{Q}{S}$$

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{Q}{P}$$

مثلث توان دارای نسبت های مثلثاتی زیر است :  
 که در این رابطه  
 $\cos \varphi$  ضریب توان موثر  
 $\sin \varphi$  ضریب توان غیر موثر  
 $\operatorname{tg} \varphi$  ضریب کیفیت می باشد .

مثال ۵: یک مدار الکتریکی دارای توان موثر  $120 \text{ W}$  و توان غیر موثر  $160 \text{ VAR}$  + می باشد  
 مطلوب است :

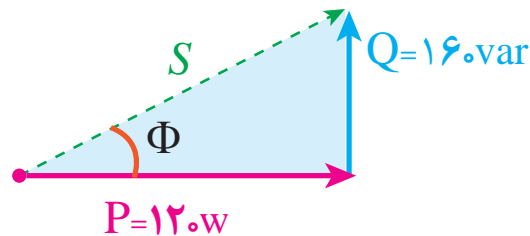
(الف) رسم مثلث توان

(ب) توان ظاهری

(ج) ضریب توان موثر

حل :

(الف) توان غیر موثر مثبت است یعنی مدار پس فاز می باشد .



شکل ۸-۱۴

(ب) توان ظاهری از رابطه زیر بدست می آید .

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$S = \sqrt{120^2 + 160^2} = 200 [\text{VA}]$$

ج) ضریب توان موثر از رابطه زیر بدست می آید .

$$\cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{120}{200} = 0.6$$

توان ظاهری را می توان از حاصل ضرب ولتاژ موثر در جریان موثر نیز محاسبه کرد .

$$S = V_e I_e$$

که در این رابطه:

S توان ظاهری [VA]

$V_e$  ولتاژ موثر [V]

$I_e$  جریان موثر [A] می باشد .

مثال ۵: ولتاژ و جریان یک مدار الکتریکی به ترتیب  $200V$  و  $10A$  است توان ظاهری آن چند ولت آمپر می باشد ؟

حل :

از رابطه مقابل داریم :

$$S = V_e I_e$$

$$S = 200 \times 10 = 2000 [VA]$$

پرسش

۱- انواع توان در جریان متناوب را نام ببرید.

۲- توان مؤثر را تعریف کنید.

۳- توان غیر مؤثر را تعریف کنید و انواع آن را نام ببرید.

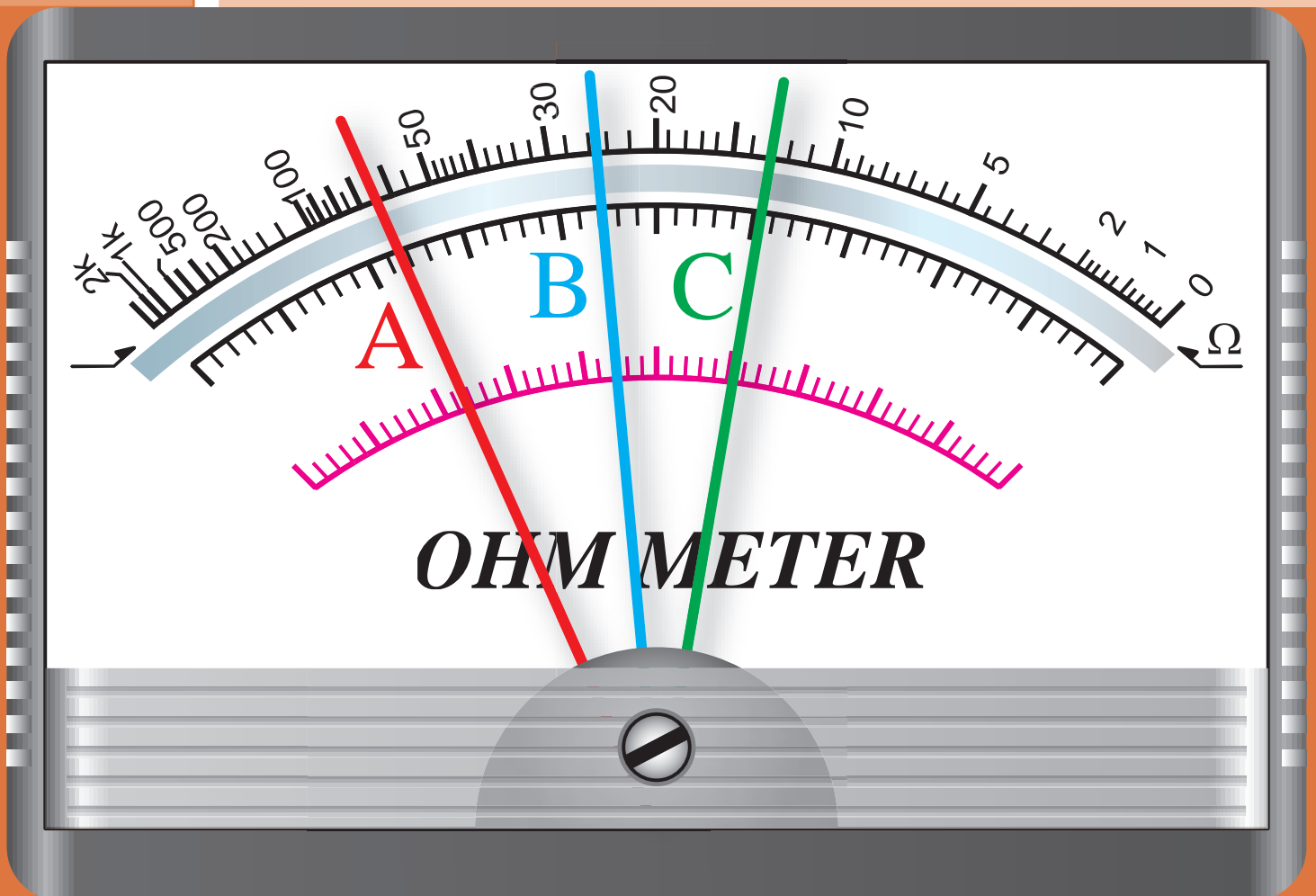
۴- توان ظاهری را تعریف کنید و رابطه آن را بنویسید.

۵- مثلث توان را تعریف کنید و انواع آن را رسم نمایید.



## فصل ۱۵

اندازه گیری جریان، ولتاژ و مقاومت اهمی



## آمپر متر

آمپر متر دستگاهی است که جریان الکتریکی را اندازه می گیرد . برای اندازه گیری جریان الکتریکی مستقیم از آمپر متر DC و برای اندازه گیری جریان الکتریکی متناوب از آمپر متر AC استفاده می شود .



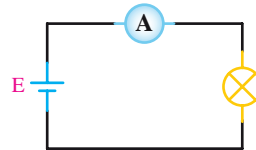
شکل ۱-۱۵

آمپر متر در مدارهای الکتریکی با علامت اختصاری شکل ۱-۱۵ نشان داده می شود .



شکل ۲-۱۵

آمپر متر در مدار الکتریکی بصورت سری قرار می گیرد تا جریان مصرف کننده با جریان عبوری از آمپر متر یکی باشد . نحوه قرار گرفتن آمپر متر در یک مدار الکتریکی ساده در شکل ۲-۱۵ و مدار الکتریکی معادل آن در شکل ۳-۱۵ نشان داده شده است .



شکل ۳-۱۵

## اندازه گیری جریان DC

برای خواندن مقدار جریانی که آمپر متر نشان می دهد باید به طریق زیر عمل کرد :  
الف) حدود اندازه گیری یا ضریب کلید رنج (مثلاً در شکل ۳-۱۵، ۱۰۰ mA می باشد) را به ماکزیمم عدد روی صفحه مدرج (مثلاً در شکل ۲-۱۵ یکی از تقسیمات ۱۰ می باشد) تقسیم می کنیم . عدد به دست آمده را ضریب ثابت صفحه نامیده و آن را با حرف C نشان می دهیم ؛  
با توجه به شکل ۲-۱۵ داریم :

$$C = \frac{\text{ضریب کلید رنج}}{\text{آخرین عدد روی صفحه}} = \frac{100}{10} = 10 \text{ mA}$$

ب) مقدار انحراف عقربه را در ضریب ثابت صفحه ضرب می کنیم . در شکل ۳-۱۵ عقربه به اندازه ۱/۶ قسمت از تقسیمات منحرف شده است ، لذا مقدار جریانی که عقربه نشان می دهد برابر است با :

عدد خوانده شده =  $C \times$  مقدار جریانی که آمپر متر نشان می دهد

$$= 10 \times 1/6 = 1.6 \text{ mA}$$

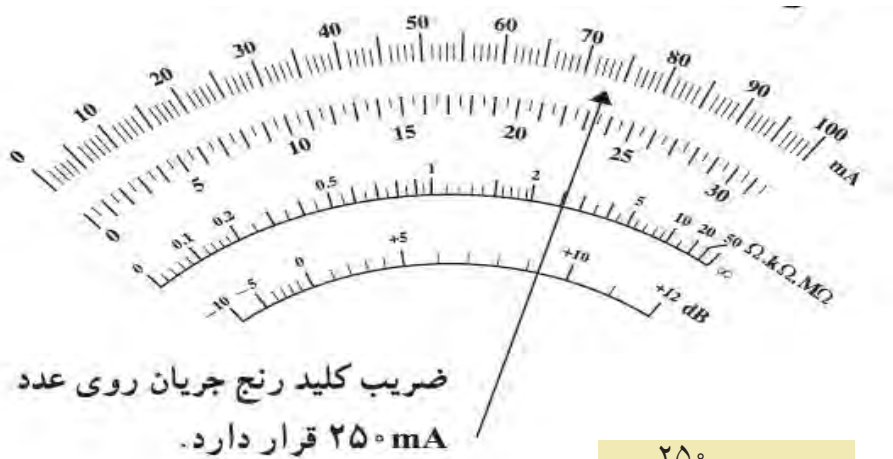
مثال ۱: بیشترین عدد درج شده روی یک میلی آمپر متر می باشد (صفحه مدرج به ۶۰ قسمت تقسیم شده است) اگر حدود اندازه گیری (ضریب کلید رنج) روی عدد ۳۰ mA بوده و عقربه آمپر متر به اندازه ۴۲/۵ قسمت منحرف شده باشد، آمپر متر مقدار جریان را ۲۱۲/۵ نشان می دهد زیرا:

$$C = \frac{30 \cdot \text{mA}}{60} = 5 \text{mA}$$

مقدار جریانی که میلی آمپر متر اندازه می گیرد برابر است با:

$$I = 42/5 \times C = 42/5 \times 5 \text{mA} = 212/5 \text{mA}$$

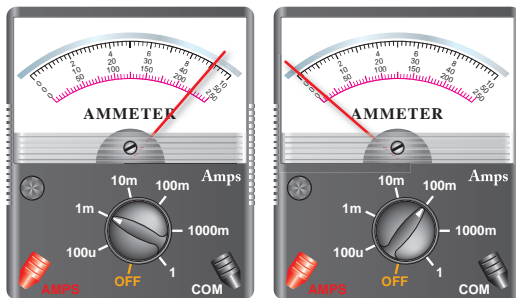
مثال ۲: در شکل ۴-۱۵- میلی آمپر متر ۱۸۲/۵ میلی آمپر را نشان می دهد.



$$C = \frac{250}{100} = 2/5 \text{mA}$$

شکل (۴-۱۵)

$$2/5 \times 73 = 182/5 \text{mA}$$



(ب)

(الف)

شکل ۵-۱۵

مقدار جریانی که آمپر متر نشان می دهد. برای دقیق تر خواندن جریانی که آمپر متر نشان می دهد باید حدود اندازه گیری (ضریب کلید رنج) را طوری انتخاب کنیم که انحراف عقربه بیشترین مقدار را داشته باشد. شکل ۵-۱۵ جریان ۰/۹۲ میلی آمپر را در محدوده اندازه گیری ۱ mA و ۱۰۰ mA نشان می دهد. همان طور که از شکل نیز پیداست اندازه گیری جریان ۰/۹۲ mA در رنج ۱ mA دقیق تر است.

آمپر متر ها و میلی آمپر مترهای DC به صورت های آزمایشگاهی ، تابلویی و یا به صورت قسمتی از مولتی متر (اهم متر- ولت متر - آمپر متر) ساخته می شوند . شکل ۶-۱۵ چند نمونه از آمپر متر ها و میلی آمپر مترهای آزمایشگاهی را نشان می دهد .



شکل (۶-۱۵)



شکل ۷-۱۵

مولتی متر یک دستگاه پر کاربرد در برق و الکترونیک است . نوعی از مولتی متر وجود دارد که به آوومتر دیجیتالی موسوم است . این نوع مولتی متر نیز دارای رنج جریان DC است و مقدار اندازه گیری شده را به صورت رقمی روی صفحه نمایش نشان می دهد . در شکل ۷-۱۵ یک نمونه از این مولتی مترها را مشاهده می کنید .



شکل ۸-۱۵

**اندازه گیری جریان AC :** برای اندازه گیری جریان AC حتماً باید از آمپر مترهای AC استفاده کرد . پس با آمپر مترهایی که فقط دارای رنج DC می باشند نمی توان جریان AC را اندازه گرفت . بعضی دیگر از آمپر مترها توانایی اندازه گیری جریان های AC و DC را توأمأ دارا هستند که با کلید انتخاب (AC و DC) می توان در هر لحظه جریان مورد نظر را اندازه گرفت . آمپر مترهای AC بیشتر به صورت تابلویی ساخته می شوند . شکل ۸-۱۵ دو نمونه از آمپر مترهای AC تابلویی نشان می دهد .



شکل ۹-۱۵

شکل ۹-۱۵ یک مولتی متر دیجیتالی آزمایشگاهی را نشان می دهد که دارای رنج جریان متناوب (AC) و مستقیم (DC) می باشد .

مولتی مترهای عقربه ای معمولاً فاقد رنج اندازه گیری جریان AC هستند . اما کلیه مولتی مترهای دیجیتالی رنج اندازه گیری جریان AC را دارا می باشند . برای اندازه گیری جریان AC توسط آوومتر دیجیتالی ، کافی است که



ترمینال‌های مخصوص جریان را با مدار سری نموده و کلید AC آن را فعال کنیم تا روی صفحه نمایش مولتی متر علامت AC ظاهر گردد. در این صورت مقدار جریان AC به صورت رقمی روی صفحه نمایش نوشته می شود.

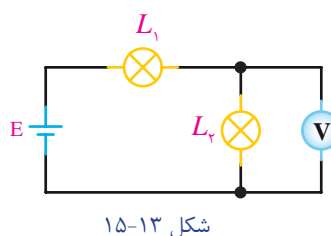
علاوه بر آمپرمترهای آزمایشگاهی و تابلویی و مولتی مترها، نوع دیگری از آمپرمترهای AC وجود دارند که به آمپرمتر «انبری» معروفند. برای اندازه گیری جریان کافی است سیم حامل جریان AC را وسط هسته این مولتی متر که با اهمی باز می شود قرار دهیم تا مقدار جریان را نشان دهد. توجه داشته باشید که در این حالت فقط یک رشته سیم باید از هسته عبور داده شود. امروزه آمپرمترهای انبری را به صورت مولتی متر (ترکیبی) می سازند. شکل ۱۰-۱۵ دو نمونه آوومتر انبری عقربه ای و دیجیتالی را نشان می دهد.



شکل ۱۰-۱۵- مولتی متر انبری

## ولت‌متر

ولت‌متر دستگاهی است که اختلاف پتانسیل الکتریکی را اندازه می‌گیرد. برای اندازه گیری ولتاژ الکتریکی مستقیم از ولت‌متر DC و برای اندازه گیری ولتاژ الکتریکی متناوب از ولت‌متر AC استفاده می‌شود.



ولت‌متر در مدار الکتریکی با علامت اختصاری شکل ۱۱-۱۵ نشان داده می شود.

ولت‌متر در مدار الکتریکی بصورت موازی قرار می‌گیرد تا ولتاژ مصرف کننده با ولتاژ ولت‌متر یکی باشد. نحوه قرار گرفتن ولت‌متر در یک مدار الکتریکی ساده در شکل (۱۴-۱۵) و مدار الکتریکی معادل آن در شکل (۱۳-۱۵) نشان داده شده است.

## اندازه‌گیری ولتاژ DC

برای خواندن مقدار ولتاژی که ولت متر نشان می‌دهد، همانند خواندن آمپر متر، ابتدا ضریب ثابت سنجش را به دست آورده و آنگاه این عدد را در مقدار انحراف عقربه بر حسب تقسیمات ضرب می‌کنیم.



شکل ۱۴-۱۵

مثال ۳: اگر ضریب کلید رنج شکل ۱۴-۱۵ روی عدد  $500$  ولت باشد مقدار ولتاژ اندازه‌گیری شده چقدر است؟

$$C = \frac{500}{250} = 2$$

مقداری که ولت متر نشان می‌دهد برابر است با: عدد خوانده شده  $\times C$  تعداد تقسیماتی که عقربه منحرف شده است.

$$220 \times 2 = 440 [V] \quad \text{بنابراین داریم:}$$

مثال ۴: در شکل ۱۵-۱۵ ولت متر ولتاژی به اندازه  $380$  ولت را نشان می‌دهد، زیرا:

$$C = \frac{500}{50} = 10$$



شکل ۱۵-۱۵

مقدار ولتاژ برابر است با:

تعداد خانه‌های منحرف شده  $\times C =$

$$10 \times 38 = 380$$

برای دقیق تر خواندن مقدار ولتاژی که ولت متر نشان می دهد باید حدود اندازه گیری (ضریب کلید رنج) را طوری انتخاب نماییم که انحراف عقربه بیشترین مقدار را داشته باشد. ولت مترهای DC به صورت های آزمایشگاهی، تابلویی و یا به صورت قسمتی از مولتی متر ساخته می شوند. شکل ۱۶-۱۵ یک نمونه از میلی ولت متر آزمایشگاهی را نشان می دهد.



شکل ۱۵-۱۸ یک نمونه ولت متر تابلویی AC را نشان می دهد.



شکل ۱۵-۱۷



شکل ۱۵-۱۶

شکل ۱۵-۱۷ یک نمونه ولت متر DC تابلویی را نشان می دهد. مولتی مترهای دیجیتالی نیز قادر به اندازه گیری ولتاژ DC هستند. یک نمونه دیگر از این مولتی مترها در شکل ۱۵-۱۸ نشان داده شده است.

## اندازه گیری ولتاژ AC

برای اندازه گیری ولتاژ AC از ولت متر AC استفاده می شود. اکثر ولت مترهای آزمایشگاهی هر دو ولتاژ AC و DC را اندازه می گیرند. (شکل ۱۹-۱۵)

به همین منظور بر روی ولت مترها کلید انتخاب AC و DC وجود داشته و یا سلکتور حدود اندازه گیری AC با DC تفاوت دارد.

همه مولتی مترها، اعم از عقربه ای و دیجیتالی، قادر به اندازه گیری ولتاژ AC می باشند. نحوه قرائت ولتاژ AC روی ولت مترهای AC همانند ولت مترهای DC است، و در مورد ولت مترهای دیجیتالی، مقدار ولتاژ به صورت رقم روی صفحه نمایش (Display) نوشته می شود. لازم به یادآوری است که ولت مترهای عقربه ای و یا مولتی مترهای معمولی به هیچ عنوان قادر به اندازه گیری ولتاژهای AC کم (کمتر از یک ولت) به صورت دقیق نیستند ولی مولتی مترها و با



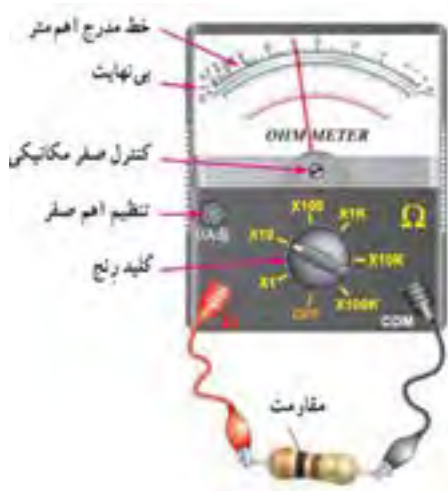
شکل ۱۵-۱۹



شکل ۲۰-۱۵

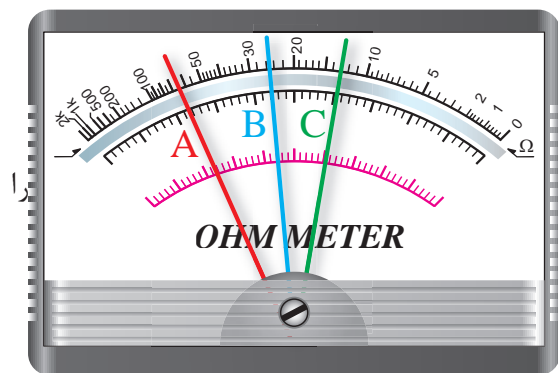
ولت مترهای دیجیتالی ، ولتاژهای AC خیلی کم (حدود یک میلی ولت ) را با دقت کافی اندازه گیری می کنند . برای اندازه گیری ولتاژهای زیاد AC و یا DC (۱۰۰۰ ولت به بالا) از پراب های مخصوص ولتاژ زیاد استفاده می شود . این پراب ها دارای مقاومت بسیار بزرگ بوده و با ولت متر سری می شوند تا قسمت اعظم ولتاژ مورد اندازه گیری در آنها افت کند . شکل ۲۰-۱۵ نمونه ای از این نوع پراب را که در آن مقاومت ۱۰ مگا اهم جهت اندازه گیری ولتاژ زیاد ، با ولت متر سری شده است نشان می دهد .

## اهم متر



شکل ۲۱-۱۵

اهم متر دستگاهی است که مقاومت الکتریکی را اندازه می گیرد اهم متر در مدار الکتریکی بصورت موازی قرار می گیرد . نحوه اندازه گیری یک مقاومت الکتریکی توسط اهم متر آزمایشگاهی در شکل ۲۱-۱۵ نشان داده شده است . تمامی آوومترهای دیجیتالی و عقربه ای مجهز به اهم متر هستند . امروزه اهم مترها دیگر به صورت یک دستگاه مستقل ساخته نمی شوند . درجه بندی اهم متر عکس درجه بندی ولت متر و آمپر متر است ؛ یعنی صفر آن در سمت راست صفحه مدرج قرار دارد ، ضمناً درجه بندی آن خطی نیست .



شکل ۲۲-۱۵

برای خواندن مقدار مقاومت اهمی از روی اهم متر کافی است که مقدار خوانده شده روی صفحه مدرج را در ضریب کلید رنج اهم متر ضرب کنیم . به عنوان مثال در شکل ۲۲-۱۵ عقربه های A و B و C مقادیر زیر نشان می دهند .

$$(A) 67/5 \times 10 = 675 \Omega$$

$$(B) 24/75 \times 10 = 247/5 \Omega$$

$$(C) 13 \times 10 = 130 \Omega$$



شکل ۲۳-۱۵

همان طور که در شکل ۲۳-۱۵ نیز می بینید درجه بندی اهم متر از سمت راست به تدریج فشرده می شود . به عنوان مثال مقاومت های  $2\ \Omega$  و  $3\ \Omega$  و  $10\ \Omega$  و  $15\ \Omega$  تا حدود  $50\ \Omega$  ، تقریباً به راحتی قابل خواندن هستند ، اما از حدود  $50\ \Omega$  تا آخرین حد تقسیمات ، درجه بندی بسیار فشرده می شود که در این حالت مقاومت های زیاد (مثلاً  $10$  اهم به بالا) به طور دقیق قابل خواندن نیست . بنابراین برای دقیق خواندن مقدار مقاومت ها باید کلید رنج را طوری تنظیم کنیم که عقربه روی اعدادی که مقدار مقاومت را بسیار دقیق و واضح نشان می دهند قرار گیرد اگر انحراف عقربه از سمت چپ بیشتر از  $40\%$  باشد مقدار مقاومت واضح خوانده می شود .

## کنتور

کنتور دستگاهی است که انرژی الکتریکی را اندازه گیری می کند . برای اندازه گیری انرژی الکتریکی در مصرف کننده تکفاز از کنتور تکفاز و در مصرف کننده سه فاز از کنتور سه فاز استفاده می شود . واحد اندازه گیری انرژی الکتریکی ژول می باشد که برابر وات ثانیه است ولی در عمل از واحدهای بزرگتر مانند کیلو وات ساعت ، مگا ، وات ، ساعت استفاده می شود . واحدان اندازه گیری انرژی ناشی از توان موثر در کنتورها کیلو وات ساعت و ناشی از توان غیر موثر کیلوواتر ساعت است . در شکل ۲۵-۱۵ دو نمونه کنتور دیجیتالی و آنالوگ نشان داده شده است . در کنتورهای آنالوگ فقط امکان اندازه گیری انرژی الکتریکی امکان داشت ولی در کنتورهای دیجیتال علاوه بر اندازه گیری انرژی الکتریکی امکان اندازه گیری کمیت های الکتریکی نظیر ولتاژ ، جریان و فرکانس و ... وجود دارد .



ب) کنتور دیجیتالی



الف) کنتور آنالوگ

شکل ۲۴-۱۵

- ۱- آمپر متر چگونه در مدار قرار می‌گیرد و چرا؟
- ۲- نحوه خواندن مقادیر از روی صفحه مدرج مولتی متر چگونه است؟
- ۳- فرق آمپر متر تابلویی با آمپر متر انبری را شرح دهید.
- ۴- ولت متر چگونه در مدار قرار می‌گیرد و چرا؟
- ۵- ولتاژهای خیلی زیاد را چگونه با ولت مترهای معمولی می‌گیرند؟
- ۶- مقاومت‌های اهمی را چگونه اندازه می‌گیرند؟
- ۷- هنگام استفاده از یک دستگاه اندازه‌گیری کدام نکات را باید به دقت مد نظر داشت.

